

Esta primera parte de la primera práctica consiste en realizar, como ejercicio, lo que queda pendiente de la ordenación por inserción para enteros que se ha visto en clase y también definir una función *sort* del siguiente tipo:

```
sort
  : forall A : Set,
    (forall leA eqA : relation A,
      (forall x y : A, {leA x y} + {leA y x})
      -> (forall eqA_dec : forall x y : A, {eqA x y} + {not (eqA x y)},
          (forall l : list A,
            {l' : list A | equiv eqA eqA_dec l l' /\ sorted leA l'})))
```

Se trata de implementar la ordenación por inserción en listas sobre un tipo  $A$  en el cual se tiene una relación de igualdad  $eqA$  decidible ( $eqA\_dec$ ); un orden total  $leA$  ( $\forall x y:A \{leA x y\} + \{leA y x\}$ ) y una equivalencia de listas que nos dice cuando dos listas tienen los mismos elementos *equiv*.

Como indicación pueden inspirarse en la ordenación de listas de enteros que hemos visto en clase y en la librería *Sorting*. Se puede utilizar el siguiente encabezamiento:

Require Export *List*.

Set Implicit Arguments.

Section *defs*.

Variable  $A : Set$ .

Variable  $leA : A \rightarrow A \rightarrow Prop$ .

Variable  $eqA : A \rightarrow A \rightarrow Prop$ .

Hypothesis  $leA\_dec : \forall x y:A, \{leA x y\} + \{leA y x\}$ .

Hypothesis  $eqA\_dec : \forall x y:A, \{eqA x y\} + \{\sim eqA x y\}$ .

Hypothesis  $leA\_refl : \forall x y:A, eqA x y \rightarrow leA x y$ .

Hypothesis  $leA\_trans : \forall x y z:A, leA x y \rightarrow leA y z \rightarrow leA x z$ .

Hypothesis  $leA\_antisym : \forall x y:A, leA x y \rightarrow leA y x \rightarrow eqA x y$ .

Hint *Resolve*  $leA\_refl$ .

Hint *Immediate*  $eqA\_dec leA\_dec leA\_antisym$ .

Inductive *sorted* : list  $A \rightarrow Prop$  :=

| *sorted0* : *sorted nil*

| *sorted1* :  $\forall z:A, sorted (z :: nil)$

| *sorted2* :

$\forall (z1 z2:A) (l:list A),$

$leA z1 z2 \rightarrow$

$sorted (z2 :: l) \rightarrow sorted (z1 :: z2 :: l)$ .

Hint *Resolve sorted0 sorted1 sorted2 : sort.*